

3. Potenzfunktionen

3.1. Graphen von Potenzfunktionen

1. Potenzen mit natürlichen Exponenten

Gerade Exponenten: $y = f(x) = x^2$ und $y = f(x) = x^4$

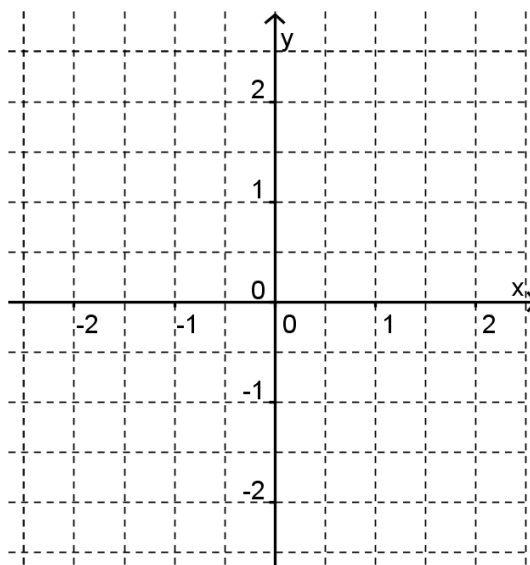
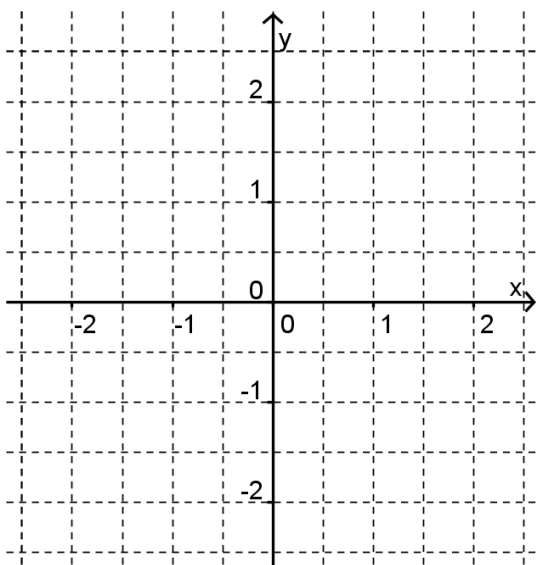
$x =$	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2
$y = f(x) =$									

$x =$	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2
$y = f(x) =$									

Ungerade Exponenten: $y = f(x) = x^3$ und $y = f(x) = x^5$

$x =$	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2
$y = f(x) =$									

$x =$	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2
$y = f(x) =$									



Feststellungen:

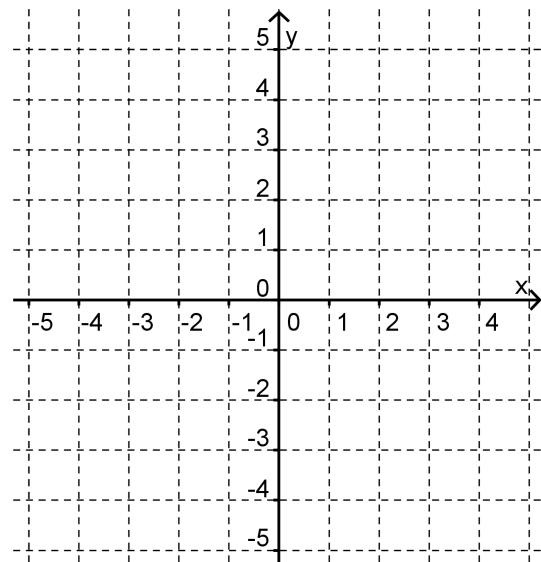
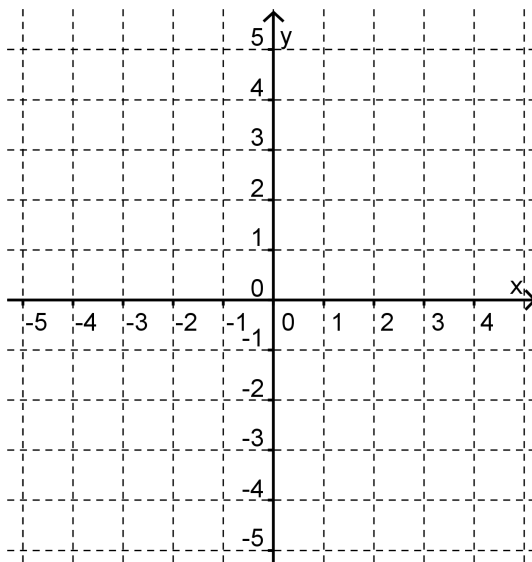
5. Strecken, Schieben und Spiegeln von Funktionsgraphen

$$y = \sqrt{x} + 2, \quad y = \sqrt{x+2}, \quad y = 2 \cdot \sqrt{x}$$

$x =$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y =$									

$x =$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y =$									

$x =$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$y = f(x) =$									

**Lernkontrolle**

Skizziere die Graphen der vier Funktionen

$$y = \frac{1}{x^2}, \quad y = \frac{1}{x^2} - 3, \quad y = \frac{1}{(x-3)^2}, \quad y = \frac{-3}{x^2}.$$

Welche Abbildungen hat man zwischen der ersten Funktion und den restlichen?

5. Gravitation

Nach Newton ist die Gravitationskraft zweier Körper umgekehrt proportional zum Quadrat des Abstandes (der beiden Massenmittelpunkte).

- a) Welche Potenzfunktion beschreibt folglich die Gravitationskraft?
- b) Der passende Funktionsgraph soll durch $(r | F) = (2 | 5)$ gehen.
Welche Funktionsgleichung erhalten wir?

**Freiwillige Übung**

Gegeben ist die Funktion $y = f(x) = x^3$ und der Punkt $P(4 | 8)$.

- a) Um wie viele Einheiten muss man den Funktionsgraphen von $y = f(x) = x^3$ parallel zur x -Achse (nach rechts oder links?) schieben, damit er durch P geht?
- b) Um wie viele Einheiten muss man den Funktionsgraphen von $y = f(x) = x^3$ parallel zur y -Achse (nach oben oder unten?) schieben, damit er durch P geht?
- c) Mit welchem Faktor k muss man den Graphen von $y = f(x) = x^3$ (von der x -Achse aus) strecken, damit $y = k \cdot x^3$ durch P geht?